

אקונומטריקה פיננסית

פרק 16 - תיאוריה מולטיקוליניארית

תוכן העניינים

1. כללי

מולטיקוליניאריות:

רקע:

מולטיקוליניאריות היא תופעה סטטיסטית בעיתית המתייחסת למתחם בין המשתנים המסבירים במודל.

נבחין בין מולטיקוליניאריות מלאה לחלקית.

מולטיקוליניאריות מלאה:

מתאים מלא בין המשתנים המסבירים במודל.

הדבר קורה כאשר משתנה מסויר אחד הוא קומבינציה ליניארית מלאה של המשתנה המסביר השני: $x_1 = a + bx_2$ (x_1 הוא קומבינציה ליניארית מלאה של x_2)
מכאן ש: $r_{12} = 1$.

- שימושו לב כי מדובר בטרנספורמציה ליניארית ולא בטרנספורמציה אחרת (למשל: $x_2^2 = x_1$), אז בהכרח: $r_{12} \neq 1$.

במצב של מולטיקוליניאריות מלאה אין כל השפעה של המשתנה האחד מעבר לשני. מדוע זה בעיתתי?

כיוון שלא ניתן לאמוד את המודל שכן אר"פ אינס מוגדרים.
פתרון: הורדת אחד המשתנים ומידת המשווה מוחדש בפועל.

מולטיקוליניאריות חלקית:

כאשר יש מתחם גבוה מאוד בין משתנים מסוירים במודל (אך לא מושלם) עלולה להיווצר בעיה של מולטיקוליניאריות חלקית.

מכיוון שיש מתחם גבוה בין המשתנים הב"ית לא נוכל לבזוז באופן מלא את ההשפעה המדויקת של כל אחד מהם על ציווי המשתנה התלווי. כל אחד מהמשתנים הב"ית "יגזול" מן ההשפעה הייחודית שיש למשתנה הב"ית השני על המשתנה התלווי, כך שבסתו של דבר, למרות שהמודל עם שני המשתנים הב"ית יהיה מובהק, התרומה הייחודית של כל משתנה ב"ית לניבוי התלווי לא תהיה מובהקת.

זיהוי מולטיקוליניאריות חלקית :

1. כאשר קיימת סטייה בין התוצאה ב מבחן F לモובקהות המודל (המודל מובחן) לבין מבחני t לモובקהות השיפועים (אף אחד מן השיפועים אינו מובחן).

הסתירה נוצרת כתוצאה מהגדלת השונות של כל אחד מהSHIPועים בשל המתאם הגובה בין הב"ית, באופן שלא מאפשר לדוחות את השערת האפס

$$\text{لمובקהות השיפועים : } t = \frac{\hat{\beta}_1}{S_{\hat{\beta}_1}}, S_{\hat{\beta}_1}^2 = \frac{MSE}{SSX_1(1 - r_{12})}$$

2. רגישות לSPECIFICITY – הורדת משתנה ב"ית שאינו מובחן תהפהך משתנים ב"ית אחרים במודל לMOובחים. אם אין בעיה של מולטיקוליניאריות, הורדת משתנים ב"ית שאינם רלוונטיים מהמודל, לא אמורה להשפיע על MOובקהותם של המשתנים הב"ית האחרים.

3. סימנים הפוכים – כאשר השיפועים של המשתנים הב"ית מקבלים סימנים הפוכים מכיוון ההשפעה שלהם על המשתנה התלו. אם למשל, x_1 משפיע חיובית על y ואילו x_2 משפיע שלילית על y אבל הם יופיעו במשווה הרגרסיה עם סימנים הפוכים ($\hat{\beta}_1$ שלילית ואילו $\hat{\beta}_2$ חיובית), יש לחשוד שקיימת בעיה.

השלכות של מולטיקוליניאריות חלקית :

מולטיקוליניאריות חלקית איננה פוגעת בתוכנות של AR"IF (הם נותרים LINEARIES, חסרי הטיה, יעילים ועקבים) ולא באומד השונות של האומדים (שנותר חסר הטיה כך שבדיקת השערות תוך שימוש באומדים הללו תהיה תקפה (זאת בניגוד למולטיקוליניאיות מלאה).

במונח זהה, בעיה של מולטיקוליניאיות חלקית דומה לבעה של הוספת משתנה ב"ית שאינו רלוונטי.

פתרונות למולטיקוליניאיות חלקית :

1. ברוב המקרים נסקול להוריד את אחד המשתנים. יחד עם זאת, כאשר המובקהות של המשתנים היא גבולית: $t_{\hat{\beta}} < 1 < t_{\hat{\beta}_2}$, ניתן את שניהם בתוך המודל כיון שבסץ הכל יש עלייה ב- $AdjR^2$ (לפי חוק CHIOTOBISKI).
2. ניתן לעיתים לאחד את שני המשתנים למשנה אחד.

שלבי בדירת השערות:

1. מבצעים מבחן F לבדיקה מובהקות המודל.
2. במידה והמודל מובהדק, מבצעים מבחן t למובהקות כל אחד מהSHIPועים.
3. ביצוע מבחן WALD לבדיקה כל השיפועים שלא יצאו מובהקים:
 - א. אם מקבלים את H_0 : אין סתירה בין מבחן WALD ל מבחני t - אין בעיה של מולטיקוליניאריות חלקית, נוריד את קבוצת המשתנים הלא רלוונטיים מהמודל.
 - ב. אם דוחים את H_0 : יש סתירה בין מבחן WALD ל מבחני t - קיימת בעיה של מולטיקוליניאריות חלקית, יש להוריד מן המודל כל פעם משתנה אחד ולבצע מבחן WALD בפועל, עד ש모זהים את המשתנה / משתנים שיש להוריד מהמודל.